

: قمنا في هذه الرسالة بإدخال نوعاً جديداً من الفراغات التوبولوجية الشبه محدبة أسميناه " فراغات فوق البرميلية من النوع (S- Hyper Barreled Spaces) " (S) ، وقمنا بدراسة بعض الخصائص المستمرة والنتائج التالية لهذه الفراغات : ١- إذا كان فراغ فوق برميلي من النوع S ، وكان F فراغ شبه محدب (Semi-convex space) وكانت  $E \xrightarrow{f} F$  راسماً خطياً يحقق : أنه خطياً (Linear) ومتصلاً من النوع S (Almost Sequentially Open). فإن F يكون أيضاً فراغ فوق برميلي من النوع 2-S. إذا كان E فراغ برميلي من النوع S ، وكان F فراغ شبه محدب . وكان الراسم  $E \xrightarrow{f} F$  يحقق إنه راسماً خطياً ، فإن F تكون راسماً متصلاً تقريبياً من النوع 3 . (Almost Sequentially Continous) -S. إذا كان E فراغ برميلي من النوع S ، ، وكان F فراغ شبه محدب، وكان الراسم  $E \xrightarrow{f} F$  يحقق إنه خطياً ومتصلاً من النوع S. فإن كل مجموعة محدودة بسيطياً (H (Simply Bounded Set) تكون متعددة الاتصال من النوع S ( Equi-sequentially Continuous) . بالإضافة الى ذلك ، قمنا بإثبات النظرية النظرية للرسم المغلق (The Closed Graph The Orem) في الفراغات فوق البرميلية من النوع S والتي تنص على أنه إذا كان E فراغ فوق برميلي من النوع S. وكان F فراغ مترى وكامل (Compleat Metrizable) شبه محدب . وكانت F راسماً خطياً من E الى F بحيث أن المنحني  $f \xrightarrow{G} f$  مغلق من النوع S ( Sequentially closed) فإن f تكون متصلة من النوع S. وقمنا كذلك بإثبات النظرية باناخ- سنيهس (Banach-Steinhaus the orem) في الفراغات فوق البرميلية من النوع S والتي تنص على إنه اذا كان E فراغ فوق برميلي من النوع S ، وكان F فراغ مترى وكامل (Complete Metrizable) شبه محدب. وكانت  $\{F_n\}$  متتابعة من الرواسم الخطية والمتصلة من النوع S من E الى F وكانت المتتابعة متقارباً نقطياً (Converges Pointwise) الى  $f_0$  . فإن  $f_0$  أيضاً راسماً خطياً ومتصلاً اتصالاً من النوع S من E الى F ، وكذلك  $\{F_n\}$  متقاربة بانتظام (Converges Pointwise) على أي مجموعة (S-precompact) جزئية من الفراغ E.

: د. سيري نواس بورمير خليل الله ، د. محمد علي الغامدي

المشرف